

# Übung Nichtglatte Optimierung und Komplementaritätsprobleme

Blatt 8

## Aufgabe 1

Sei  $A : \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^m$  eine lineare Abbildung. Zeigen Sie:

- (i) Das Bild eines polyedrischen Kegels  $P \subset \mathbb{R}^n$  unter  $A$  ist wieder ein polyedrischer Kegel.
- (ii) Das Urbild  $A^{-1}K$  einer polyedrischen Menge  $K \subset \mathbb{R}^m$  ist wieder eine polyedrische Menge.
- (iii) Ist  $g : \mathbb{R}^m \rightarrow (-\infty, \infty]$  polyedrisch und so gewählt, dass  $\text{dom } g \cap \text{im } A \neq \emptyset$ , dann ist auch  $f$  definiert durch  $f(x) := g(Ax)$  eine polyedrische Funktion.

## Aufgabe 2

Gegeben sei die Aufgabe  $\inf\{f(x) : x \in X, g_i(x) \leq 0, i = 1, \dots, r\}$  mit einer polyedrischen Menge  $X$  und polyedrischen Funktionen  $f, g_i$ . Der Optimalwert  $p$  sei endlich. Zeigen Sie, dass die Wertefunktion  $v$  eigentlich und polyedrisch ist.

## Aufgabe 3

- (i) Seien  $\varphi : \mathbb{R} \rightarrow (-\infty, \infty]$  konvex,  $a, b \in \mathbb{R}$ ,  $a < b$ . Zeigen Sie, dass es ein  $\xi \in (a, b)$  gibt mit

$$\frac{\varphi(b) - \varphi(a)}{b - a} \in \partial\varphi(\xi)$$

- (ii) Seien  $f : \mathbb{R}^n \rightarrow (-\infty, \infty]$ ,  $x, y \in \mathbb{R}^n$ . Zeigen Sie, dass es ein  $\alpha \in (0, 1)$  und ein  $d \in \partial f(\lambda x + (1 - \lambda)y)$  gibt mit  $f(y) = f(x) + d^T(y - x)$ .

Homepage der Veranstaltung ist:

[http://www.uni-due.de/mathematik/agroesch/lv\\_feldhordt\\_SS15.php](http://www.uni-due.de/mathematik/agroesch/lv_feldhordt_SS15.php)

## Termine und Räume:

		Zeit	Raum	
VL	Di	14-16	WSC-N-U-4.04	Arnd Rösch
	Do	14-16	WSC-S-U-4.01	
Ü	Mi	10-12	WSC-O-4.43	Hendrik Feldhordt